

## §2. TẬP HỢP

### A. TÓM TẮT LÍ THUYẾT

#### 1. Tập hợp và phần tử

- Tập hợp (gọi tắt là tập) là một khái niệm cơ bản của toán học, không định nghĩa.
- Ta thường dùng các chữ cái in hoa để kí hiệu cho tập hợp.
- Cho tập hợp  $A$  và phần tử  $x$ . Nếu  $x$  có mặt trong tập  $A$  ta nói  $x$  là một phần tử của tập  $A$  hay  $x$  thuộc  $A$ , kí hiệu  $x \in A$  hoặc  $A \ni x$ . Nếu  $x$  không có mặt trong tập  $A$  ta nói  $x$  không thuộc  $A$ , kí hiệu  $x \notin A$  hoặc  $A \not\ni x$ .

#### 2. Cách xác định tập hợp

- Liệt kê các phần tử của tập hợp.
- Chỉ ra các tính chất đặc trưng cho các phần tử của tập hợp.

#### 3. Tập hợp rỗng

⇒ **Định nghĩa 2.1.** Tập hợp rỗng, kí hiệu là  $\emptyset$ , là tập hợp không chứa phần tử nào.

#### 4. Tập con. Hai tập hợp bằng nhau

- Tập hợp  $A$  gọi là tập con của tập hợp  $B$ , kí hiệu  $A \subset B$  nếu mọi phần tử của tập hợp  $A$  đều thuộc  $B$ .

Với kí hiệu đó, ta có  $A \subset B \Leftrightarrow (\forall x, x \in A \Rightarrow x \in B)$

- Tập rỗng là tập hợp không chứa phần tử nào, kí hiệu là  $\emptyset$ .  
Qui ước:  $\emptyset \subset A$  với mọi tập hợp  $A$ .

- Hai tập hợp  $A$  và  $B$  gọi là bằng nhau, kí hiệu  $A = B$  nếu mỗi phần tử của  $A$  là một phần tử của  $B$  và ngược lại.

Với định nghĩa đó, ta có  $A = B \Leftrightarrow (A \subset B \text{ và } B \subset A)$

#### 5. Tính chất

⇒ **Tính chất 2.1.**

- $\emptyset \subset A$ , với mọi  $A$ .
- $A \subset A$ , với mọi  $A$
- Nếu  $A \subset B$  và  $B \subset C$  thì  $A \subset C$

## B. CÁC DẠNG TOÁN

### Dạng 1. Xác định tập hợp - phần tử của tập hợp

- Liệt kê các phần tử của tập hợp (giải phương trình nếu cần).
- Nêu đặc trưng của tập hợp.

 **Ví dụ 1.** Liệt kê các phần tử của các tập hợp sau:

- $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n < 5\}$ .
- $B$  là tập hợp các số tự nhiên lớn hơn 0 và nhỏ hơn 5.

 **Lời giải.**

- $A = \{0; 1; 2; 3; 4\}$ .
- $B = \{1; 2; 3; 4\}$ .

□

 **Ví dụ 2.** Liệt kê các phần tử của các tập hợp sau:

- $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid (2x^2 - 3x + 1)(x + 5) = 0\}$ .
- $B = \{x \in \mathbb{Q} \mid (x^2 - 2)(x^2 - 3x + 2) = 0\}$ .

 **Lời giải.**

a) Ta có:

$$(2x^2 - 3x + 1)(x + 5) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{2} \\ x = -5. \end{cases}$$

Vì  $x \in \mathbb{Z}$  nên  $A = \{1; -5\}$ .

b) Ta có:

$$(x^2 - 2)(x^2 - 3x + 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt{2} \\ x = -\sqrt{2} \\ x = 1 \\ x = 2. \end{cases}$$

Vì  $x \in \mathbb{Q}$  nên  $B = \{1; 2\}$ .

□

 **Ví dụ 3.** Viết các tập hợp sau bằng phương pháp liệt kê:

- $A = \{x \in \mathbb{Q} \mid (x^2 - 2x + 1)(x^2 - 5) = 0\} = \{0\}$ .
- $B = \{x \in \mathbb{N} \mid 5 < n^2 < 40\}$ .
- $C = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 < 9\}$ .
- $D = \{x \in \mathbb{R} \mid |2x + 1| = 5\}$ .

 **Lời giải.**

- $A = \{1\}$ .

b)  $B = \{3; 4; 5; 6\}$ .

c)  $C = \{-2; -1; 0; 1; 2\}$ .

d) Ta có  $|2x + 1| = 5 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -3. \end{cases}$

Vậy  $C = \{2; -3\}$ .



**Ví dụ 4.** Viết các tập hợp sau bằng cách chỉ ra tính chất đặc trưng cho các phần tử của tập hợp đó.

a)  $A = \{0; 4; 8; 12; 16; \dots; 52\}$ .

b)  $B = \{3; 6; 9; 12; 15; \dots; 51\}$ .

**Lời giải.**

a)  $A = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid 0 \leq x \leq 52 \text{ và } x : 4 \right\}$ .

b)  $B = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid 3 \leq x \leq 51 \text{ và } x : 3 \right\}$ .



**Ví dụ 5.** Viết các tập hợp sau bằng cách chỉ ra tính chất đặc trưng cho các phần tử của tập hợp đó.

a)  $A = \{2; 3; 5; 7; 11; 13; 17\}$ .

b)  $B = \{-2; 4; -8; 16; -32; 64\}$ .

**Lời giải.**

a)  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \leq 17 \text{ và } x \text{ là số nguyên tố}\}$ . b)  $B = \{x = (-2)^n \mid n \in \mathbb{N}, 1 \leq n \leq 6\}$ .



## Dạng 2. Tập hợp rỗng

Tập hợp rỗng là tập hợp không chứa phần tử nào.

**Ví dụ 1.** Trong các tập hợp sau, tập hợp nào là tập hợp rỗng?

a)  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - x + 1 = 0\}$  b)  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid 2x^2 + 1 = 0\}$  c)  $C = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x| < 1\}$ .

**Lời giải.**

Các tập hợp rỗng là  $A, B$ .



**Ví dụ 2.** Tìm tất cả các giá trị thực của  $m$  để các tập hợp sau là tập hợp rỗng.

a)  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x < m \text{ và } x > 2m + 1\}$ . b)  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + m = 0\}$

**Lời giải.**

a) Để  $A$  là tập rỗng thì  $m \geq 2m + 1 \Leftrightarrow m \leq -1$ .

b) Để  $B$  là tập rỗng thì phương trình  $x^2 - 2x + m = 0$  phải vô nghiệm, tức là  $\Delta' = 1 - m < 0 \Leftrightarrow m > 1$ .



### Dạng 3. Tập con. Tập bằng nhau

- Tập hợp  $A$  là tập con của tập hợp  $B$  nếu mọi phần tử của  $A$  đều có trong  $B$ .  
 $A \subset B \Leftrightarrow (\forall x \in A \Rightarrow x \in B)$ .
- $\emptyset \subset A$ , với mọi tập hợp  $A$ .
- $A \subset A$ , với mọi tập hợp  $A$ .
- Có tập  $A$  gồm có  $n$  phần tử ( $n \in \mathbb{N}$ ). Khi đó, tập  $A$  có  $2^n$  tập con.
- $A = B \Leftrightarrow \begin{cases} A \subset B \\ B \subset A \end{cases}$ .

**Ví dụ 1.** Cho các tập sau đây, cho biết tập hợp nào là tập hợp con của tập hợp còn lại:

- a)  $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n \leq 5\}$  và  $B = \{n \in \mathbb{N} \mid 1 \leq n < 5\}$ .
- b)  $C = \{n \in \mathbb{Z} \mid -2 < n \leq 3\}$  và  $D = \{n \in \mathbb{Z} \mid -1 \leq n < 2\}$ .

**Lời giải.**

- a) Ta có  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ ,  $B = \{1; 2; 3; 4\}$  nên  $B \subset A$ .
- b) Ta có  $C = \{-1; 0; 1; 2; 3\}$ ,  $D = \{-1; 0; 1\}$  nên  $D \subset C$ .

□

**Ví dụ 2.** Cho hai tập sau đây, tập hợp nào là tập hợp con của tập hợp còn lại:  
 $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 3x + 1 = 0\}$  và  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid 3x^2 - 4x + 1 = 0\}$ .

**Lời giải.**

Ta có:

$$2x^2 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow A = \{1\}.$$

$$3x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow B = \left\{\frac{1}{3}; 1\right\}.$$

$$\Rightarrow A \subset B.$$

□

**Ví dụ 3.** Tìm tất cả các tập con có 2 phần tử của tập  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ .

**Lời giải.**

$\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}, \{1, 6\}, \{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{2, 6\}, \{3, 4\}, \{3, 5\}, \{3, 6\}, \{4, 5\}, \{4, 6\}, \{5, 6\}$ . □

**Ví dụ 4.** Cho  $A = \{1; 2\}$ ;  $B = \{a; b; 1; 2\}$ . Tìm tất cả các tập hợp  $X$  sao cho  $A \subset X \subset B$ .

**Lời giải.**

Muốn tìm tập  $X$  thỏa điều kiện  $A \subset X \subset B$  đầu tiên ta lấy  $X = A$ , sau đó ghép thêm các phần tử thuộc  $B$  mà không thuộc  $A$ . Với cách thực hiện như trên, ta có các tập hợp  $X$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là:  $X = A = \{1; 2\}$ , rồi ghép thêm vào một phần tử ta được:  $\{a; 1; 2\}; \{b; 1; 2\}$   
 Ghép thêm vào  $A$  hai trong bốn phần tử còn lại của  $B$  ta được:  $X = B = \{a; b; 2; 4\}$  □

**Ví dụ 5.** Cho hai tập sau đây, tập hợp nào là tập hợp con của tập hợp còn lại:  
 $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 3x + 1 = 0\}$  và  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid 3x^2 - 4x + 1 = 0\}$ .

**Lời giải.**

Ta có:

$$2x^2 - 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow A = \{1\}.$$

$$3x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow B = \left\{\frac{1}{3}; 1\right\}.$$

$$\Rightarrow A \subset B.$$

□

**Ví dụ 6.** Hai tập hợp  $A$  và  $B$  có bằng nhau không?

- a)  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid (x^2 - 3x + 2)((3 - x) = 0\}$  và  $B = \{1; 2; 3\}$
- b)  $C = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước chung của } 12 \text{ và } 18\}$   
 $D = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước của } 6\}$

**Lời giải.**

a) Ta có  $(x^2 - 3x + 2)(3 - x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 3x + 2 = 0 \\ 3 - x = 0 \end{cases} \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow A = \{1; 2; 3\}$ . Nên  $A = B$

b)  $C = \{1; 2; 3; 6\}$ .  $D = \{1; 2; 3; 6\}$   
Rõ ràng ta thấy  $A \subset B$  và  $B \subset A$  nên  $A = B$ .

□

## BÀI TẬP TỰ LUYỆN

**Bài tập 1.**  $A$  là tập hợp các số nguyên tố nhỏ hơn 20. Liệt kê các phần tử của tập hợp  $A$ .

**Lời giải.**

**Bài tập 2.** Cho tập hợp  $A = \{0; 2; 4; 6; 8; 10\}$  Hãy xác định tập hợp  $A$  bằng cách chỉ ra một tính chất đặc trưng cho các phần tử của nó.

**Lời giải.**

**Bài tập 3.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \text{ là ước của } 8\}$ . Liệt kê các phần tử của tập hợp  $A$ .

**Lời giải.**

**Bài tập 4.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid x \text{ là ước của } 15\}$ . Liệt kê các phần tử của tập hợp  $A$ .

☞ Lời giải.

**Bài tập 5.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \text{ là ước chung của } 30 \text{ và } 20\}$ .

☞ Lời giải.

**Bài tập 6.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \text{ là bội chung của } 15 \text{ và } 20, x \leq 60\}$ .

☞ Lời giải.

**Bài tập 7.** Viết các tập hợp sau bằng cách chỉ ra tính chất đặc trưng cho các phần tử của tập hợp đó.

a)  $A = \{1; 2; 3; 4; 5; 6\}$ .

b)  $B = \{0; 2; 4; 5; 6; 8\}$ .

☞ Lời giải.

**Bài tập 8.** Liệt kê các phần tử của mỗi tập hợp sau

a)  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x| < 8\}$

b)  $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2 < |x| < \frac{21}{4}\}$

☞ Lời giải.

**Bài tập 9.** Cho tập hợp  $X = \{n \in \mathbb{N} \mid -5 < 5n + 2 < 303\}$ . Tính số phần tử của tập hợp X.

☞ Lời giải.

**Bài tập 10.** Liệt kê các phần tử của tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid (x^2 - 4x)(x^4 - 6x^2 + 5) = 0\}$ .

☞ Lời giải.

**Bài tập 11.** Trong các tập hợp sau, tập hợp nào là tập hợp rỗng?

- a)  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x^2 - \sqrt{2} = 0\}$  b)  $B = \left\{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 - \frac{1}{4} = 0\right\}$ . c)  $C = \{x \in \mathbb{Q} \mid x^2 \leq 0\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 12.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x = m\}$ . Tìm  $m$  để  $A = \emptyset$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 13.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid -4 < x < 3\}$ . Liệt kê tất cả các phần tử của  $A$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 14.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 < x - m < 3\}$  là tập hợp rỗng.

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 15.** Cho các tập sau đây, cho biết tập hợp nào là tập hợp con của tập hợp còn lại:

- a)  $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n \leq 6\}$  và  $B = \{n \in \mathbb{N} \mid 2 \leq n < 5\}$ .  
 b)  $C = \{n \in \mathbb{Z} \mid |x| < 2\}$  và  $D = \{n \in \mathbb{N} \mid -3 \leq n < 4\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 16.** Cho hai tập sau đây, tập hợp nào là tập hợp con của tập hợp còn lại:  
 $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x^2 - x - 12 = 0\}$  và  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + x - 20 = 0\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 17.** Trong hai tập hợp  $A$  và  $B$  dưới đây, tập hợp nào là tập con của tập hợp còn lại? Hai tập hợp  $A$  và  $B$  có bằng nhau không?

- a)  $A$  là tập hợp các hình chữ nhật  
 $B$  là tập hợp các hình bình hành.
- b)  $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước chung của } 24 \text{ và } 56\}$   
 $B = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước của } 8\}$

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 18.** Cho  $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là ước của } 2\}$ ;  $B = \{x \in \mathbb{R} \mid (x^2 - 1)(x - 2)(x - 4) = 0\}$ .  
Tim tất cả các tập hợp  $X$  sao cho  $A \subset X \subset B$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 19.** Tim tất cả các tập con của mỗi tập hợp sau:

- a)  $A = \{1; 2\}$ .
- b)  $B = \{a; b; c\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 20.** Cho các tập hợp

$$A = \{2; 3; 5\}; \quad B = \{-4; 0; 2; 3; 5; 6; 8\}; \quad C = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 7x + 10 = 0\}$$

Hãy xác định xem tập nào là tập con của tập còn lại.

☞ **Lời giải.**

**Bài tập 21.** Cho hai tập hợp

$$A = \{x \in \mathbb{R} \mid (x - 1)(x - 2)(x - 4) = 0\}; \quad B = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước của } 4\}$$

Hai tập hợp  $A$  và  $B$ , tập hợp nào là tập con của tập còn lại? Hai tập hợp  $A$  và  $B$  có bằng nhau không?

**Lời giải.**

**Bài tập 22.** Tìm tất cả các tập con có 3 phần tử của tập hợp  $D = \{2, 3, 4, 6, 7\}$ .

**Lời giải.**

**Bài tập 23.** Xác định tập hợp  $X$  biết  $\{a\} \subset X \subset \{a, 3, 4\}$ .

**Lời giải.**

**Bài tập 24.** Xác định tập hợp  $X$  biết  $\{a, 9\} \subset X \subset \{a, b, 7, 8, 9\}$  và tập hợp  $X$  có 3 phần tử.

**Lời giải.**

## BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Cho tập hợp  $A = \{1; 2; 3; 4\}$ . Số tập con gồm 2 phần tử của  $A$  là  
**A.** 4.      **B.** 8.      **C.** 6.      **D.** 10.

**Lời giải.**

**Câu 2.** Cho tập  $A = (-2; 3)$  và tập  $B = \{x \in \mathbb{R}, 1 \leq x \leq 5\}$ . Khi đó  $A \cap B$  là  
**A.**  $(-2; 5)$ .      **B.**  $(1; 3)$ .      **C.**  $(-2; 5]$ .      **D.**  $[1; 3)$ .

**Lời giải.**

**Câu 3.** Cho tập  $A = (-3; 2)$  và tập  $B = (3 - 2m; +\infty)$ ,  $m$  là tham số. Tìm  $m$  để  $A \cup B$  là một khoảng.

- A.**  $m > \frac{1}{2}$ .      **B.**  $m < \frac{1}{2}$ .      **C.**  $m \leq 3$ .      **D.**  $m \geq 3$ .

**Lời giải.**

**Câu 4.** Cho tập hợp  $A = \{3k - 1 | k \in \mathbb{Z}, -3 \leq k \leq 2\}$ . Tập hợp  $A$  có bao nhiêu phần tử?

- A.** 4.      **B.** 5.      **C.** 7.      **D.** 6.

 **Lời giải.**

**Câu 5.** Tập hợp nào sau đây có đúng hai tập hợp con?

- A.  $\{x; \emptyset\}$ .      B.  $\{x\}$ .      C.  $\{x; y; \emptyset\}$ .      D.  $\{x; y\}$ .

 **Lời giải.**

**Câu 6.** Tập hợp nào sau đây là tập hợp rỗng?

- A.  $A = \{x \in \mathbb{R} | x^2 - x = 0\}$ .      B.  $B = \{x \in \mathbb{Q} | x^2 = 2\}$ .  
 C.  $C = \{x \in \mathbb{R} | x^2 - 1 = 0\}$ .      D.  $D = \{x \in \mathbb{Z} | 0 < x < 4\}$ .

 **Lời giải.**

**Câu 7.** Số tập con của tập hợp  $A = \{x; y; z\}$  là bao nhiêu?

- A. 3.      B. 5.      C. 8.      D. 9.

 **Lời giải.**

**Câu 8.** Tập hợp  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  được viết dưới dạng đặc trưng là tập hợp nào sau đây?

- A.  $A = \{n \in \mathbb{N} : 1 < n \leq 7\}$ .      B.  $A = \{n \in \mathbb{N} : n \leq 7\}$ .  
 C.  $A = \{n \in \mathbb{N} : 0 < n \leq 7\}$ .      D.  $A = \{n \in \mathbb{N} : 0 < n < 7\}$ .

 **Lời giải.**

**Câu 9.** Một tập hợp có 3 phần tử có mấy tập con?

- A. 6.      B. 5.      C. 8.      D. 3.

 **Lời giải.**

**Câu 10.** Cho tập hợp  $A = \{a, b, c, d\}$ . Số tập con gồm 2 phần tử của  $A$  là

- A. 5.      B. 6.      C. 4.      D. 7.

**Lời giải.**

**Câu 11.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \leq 5\}$ . Tập  $A$  được viết dưới dạng liệt kê các phần tử là

- |  |                                     |
|--|-------------------------------------|
| <b>A.</b> $A = \{0; 1; 2; 4; 5\}$ .    | <b>B.</b> $A = \{1; 2; 3; 4; 5\}$ . |
| <b>C.</b> $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ . | <b>D.</b> $A = \{0; 1; 2; 3; 4\}$ . |

**Lời giải.**

**Câu 12.** Cho tập hợp  $A = [m; m + 2]$ ,  $B = [-1; 2]$ . Điều kiện của  $m$  để  $A \subset B$  là

- |   |                                   |
|---|-----------------------------------|
| <b>A.</b> $1 \leq m \leq 2$ .           | <b>B.</b> $-1 \leq m \leq 0$ .    |
| <b>C.</b> $m \leq -1$ hoặc $m \geq 0$ . | <b>D.</b> $m < -1$ hoặc $m > 2$ . |

**Lời giải.**

**Câu 13.** Cho  $A = \{1; 2; 3; 5\}$ ,  $B = \{2; 4; 5; 6; 8\}$ . Tìm tập hợp  $A \cap B$ .

- |                                   |  |
|-----------------------------------|--|
| <b>A.</b> $A \cap B = \{2; 5\}$ . | <b>B.</b> $A \cap B = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 8\}$ . |
| <b>C.</b> $A \cap B = \{2\}$ .    | <b>D.</b> $A \cap B = \{5\}$ .                   |

**Lời giải.**

**Câu 14.** Số tập con của  $A = \{4; 5; 3\}$  là

- |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| <b>A.</b> 6. | <b>B.</b> 8. | <b>C.</b> 5. | <b>D.</b> 7. |
|--------------|--------------|--------------|--------------|

**Lời giải.**

**Câu 15.** Cho tập  $A = \{1; 2; 3\}$ . Số tập con gồm hai phần tử của  $A$  là

- |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| <b>A.</b> 1. | <b>B.</b> 2. | <b>C.</b> 4. | <b>D.</b> 3. |
|--------------|--------------|--------------|--------------|

**Lời giải.**

**Câu 16.** Cho hai tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -3 < x \leq 2\}$ ,  $B = (-1; 3)$ . Chọn khẳng định **đúng** trong các khẳng định sau:

- A.  $A \cap B = (-1; 2]$ .  
 C.  $C_{\mathbb{R}}B = (-\infty; -1) \cup [3; +\infty)$ .

- B.  $A \setminus B = (-3; -1)$ .  
 D.  $A \cup B = \{-2; -1; 0; 1; 2\}$ .

**Lời giải.**

**Câu 17.** Cho  $A = \{x \in \mathbb{N} | x \leq 3\}$ ,  $B = \{0, 1, 2, 3\}$ . Tập  $A \cap B$  bằng:

- A.  $\{1, 2, 3\}$ .  
 B.  $\{0, 1, 2\}$ .  
 C.  $\{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ .  
 D.  $\{0, 1, 2, 3\}$ .

**Lời giải.**

**Câu 18.** Cho  $A = \{1; 2; 3\}$ , số tập con của  $A$  là

- A. 3. B. 5. C. 8. D. 6.

**Lời giải.**

**Câu 19.** Trong các tập hợp sau, tập nào là tập rỗng?

- A.  $\{x \in \mathbb{R} | x^2 + 5x - 6 = 0\}$ . B.  $\{x \in \mathbb{Q} | 3x^2 - 5x + 2 = 0\}$ .  
 C.  $\{x \in \mathbb{Z} | x^2 + x - 1 = 0\}$ . D.  $\{x \in \mathbb{R} | x^2 + 5x - 1 = 0\}$ .

**Lời giải.**

**Câu 20.** Cho tập hợp  $E = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x| \leq 2\}$ . Tập hợp  $E$  viết dưới dạng liệt kê là

- A.  $E = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ . B.  $E = \{-2, -1, 1, 2\}$ .  
 C.  $E = \{-1, 0, 1\}$ . D.  $E = \{0, 1, 2\}$ .

**Lời giải.**

**Câu 21.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} | x^2 - 6x + 8 = 0\}$ . Hãy viết tập  $A$  bằng cách liệt kê các phần tử.

- A.  $A = \{-4; -2\}$ . B.  $A = \{4; -2\}$ . C.  $A = \emptyset$ . D.  $A = \{4; 2\}$ .

**Lời giải.**

**Câu 22.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} | x^2 + 4x - 5 = 0\}$ . Tập hợp  $A$  có tất cả bao nhiêu phần tử?

- A.  $A = \emptyset$ .
- B.  $A$  có 2 phần tử.
- C.  $A$  có 1 phần tử.
- D.  $A$  có vô số phần tử.

💬 **Lời giải.**

**Câu 23.** Số phần tử của tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{Z}, |x| \leq 2\}$  là

- A. 2.
- B. 4.
- C. 5.
- D. 1.

💬 **Lời giải.**

**Câu 24.** Cho tập hợp  $A = \{(x; y) \mid x, y \in \mathbb{Z}; x^2 + y^2 \leq 5\}$ . Tìm số phần tử của tập hợp  $A$ .

- A. 13.
- B. 21.
- C. 6.
- D. 12.

💬 **Lời giải.**

**Câu 25.** Hãy liệt kê các phần tử của tập hợp  $X = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 5x + 2 = 0\}$ .

- A.  $X = \{0\}$ .
- B.  $X = \left\{\frac{1}{2}\right\}$ .
- C.  $X = \{2\}$ .
- D.  $X = \left\{2; \frac{1}{2}\right\}$ .

💬 **Lời giải.**

**Câu 26.** Tập hợp  $A = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$  được viết dưới dạng chỉ ra tính chất đặc trưng cho các phần tử của nó là

- A.  $A = \{n \in \mathbb{N}: 1 < n \leq 7\}$ .
- B.  $A = \{n \in \mathbb{N}: n \leq 7\}$ .
- C.  $A = \{n \in \mathbb{N}: 0 < n \leq 7\}$ .
- D.  $A = \{n \in \mathbb{N}: 0 < n < 7\}$ .

💬 **Lời giải.**

**Câu 27.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} | (x^2 - 1)(x^2 + 2) = 0\}$ . Các phần tử của tập hợp  $A$  là

- A.  $\{-1; 1\}$ .
- B.  $\{\pm 1; \pm \sqrt{2}\}$ .
- C.  $\{-1\}$ .
- D.  $\{1\}$ .

💬 **Lời giải.**

**Câu 28.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{Z} : (x-3)(x^2-2x-3) = 0\}$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $A = \{3; -1\}$ .
- B.  $A = \{3\}$ .
- C.  $A = \{3; 1; -3\}$ .
- D.  $A = \{3; -1; -3\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Câu 29.** Tập hợp  $X = \{2; 5\}$  có bao nhiêu phần tử?

- A. 4.
- B. Vô số.
- C. 2.
- D. 3.

☞ **Lời giải.**

**Câu 30.** Cho tập  $A = \{0; 2; 4; 6; 8\}; B = \{3; 4; 5; 6; 7\}$ . Tập  $A \setminus B$  là

- A.  $\{0; 6; 8\}$ .
- B.  $\{0; 2; 8\}$ .
- C.  $\{3; 6; 7\}$ .
- D.  $\{0; 2\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Câu 31.** Cho tập  $A = \{x \in \mathbb{Z} : -3 \leq x \leq 3\}$ . Số phần tử của  $A$  bằng

- A. 7.
- B. 6.
- C. 8.
- D. 5.

☞ **Lời giải.**

**Câu 32.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid (x-1)(x-2)(x^2-4) = 0\}$ . Tập hợp nào không là tập con của  $A$ ?

- A.  $\{1; 2\}$ .
- B.  $\{1; 2; -2\}$ .
- C.  $\{1; 2; 4\}$ .
- D.  $\{-2; 2\}$ .

☞ **Lời giải.**

**Câu 33.** Cho tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid |x-1| \leq 2\}$ . Tập hợp nào dưới đây bằng tập hợp A?

- A.  $\{x \in \mathbb{Z} \mid -1 \leq x \leq 3\}$ .
- B.  $\{-2; -1; 0; 1; 2\}$ .
- C.  $\{-1; 0; 1\}$ .
- D.  $\{x \in \mathbb{Z} \mid -2 \leq x \leq 2\}$ .

☞ **Lời giải.**

- Câu 34.** Cho tập hợp  $A = \{1; 2; 3; 4\}$ . Số tập con gồm 2 phần tử của  $A$  là  
**A.** 4.      **B.** 8.      **C.** 6.      **D.** 10.

☞ **Lời giải.**

- Câu 35.** Trong các mệnh đề sau, tìm mệnh đề sai?  
**A.**  $A \neq \{A\}$ .      **B.**  $\emptyset \subset A$ .      **C.**  $A \subset A$ .      **D.**  $A \in A$ .

☞ **Lời giải.**

- Câu 36.** Tập hợp nào sau đây có đúng hai tập hợp con?  
**A.**  $\{x; \emptyset\}$ .      **B.**  $\{x\}$ .      **C.**  $\{x; y; \emptyset\}$ .      **D.**  $\{x; y\}$ .

☞ **Lời giải.**

- Câu 37.** Số tập con của tập hợp  $B = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ là một ước của } 4\}$  là bao nhiêu?  
**A.** 3.      **B.** 5.      **C.** 8.      **D.** 9.

☞ **Lời giải.**

- Câu 38.** Một tập hợp có 3 phần tử có mấy tập con?  
**A.** 6.      **B.** 5.      **C.** 8.      **D.** 3.

☞ **Lời giải.**

- Câu 39.** Cho tập hợp  $A = \{a, b, c, d\}$ . Số tập con gồm 2 phần tử của  $A$  là  
**A.** 5.      **B.** 6.      **C.** 4.      **D.** 7.

☞ **Lời giải.**

- Câu 40.** Số tập con của  $A = \{4; 5; 3\}$  là  
**A.** 6.      **B.** 8.      **C.** 5.      **D.** 7.

☞ **Lời giải.**

- Câu 41.** Cho tập  $A = \{n \in \mathbb{Z} \mid -5 < n \leq 1\}$ . Số tập con của  $A$  là  
**A.**  $2^2$ .      **B.**  $2^3$ .      **C.**  $2^5$ .      **D.**  $2^6$ .

☞ Lời giải.

- Câu 42.** Cho  $A = \{1; 2; 3\}$ , số tập con của  $A$  là  
**A.** 3.      **B.** 5.      **C.** 8.      **D.** 6.

☞ Lời giải.

- Câu 43.** Cho  $A, B, C$  là các tập hợp. Mệnh đề nào sau đây sai?  
**A.** Nếu  $A \subset B$  và  $B \subset C$  thì  $A \subset C$ .  
**B.** Nếu tập  $A$  là con của tập  $B$  thì ta ký hiệu  $A \subset B$ .  
**C.**  $A = B \Leftrightarrow \forall x, x \in A \Rightarrow x \in B$ .  
**D.** Tập  $A \neq \emptyset$  có ít nhất 2 tập con là  $A$  và  $\emptyset$ .

☞ Lời giải.

- Câu 44.** Cho tập  $A = \{0; 2; 4; 6\}$ . Tập  $A$  có bao nhiêu tập con có 2 phần tử.  
**A.** 6.      **B.** 4.      **C.** 5.      **D.** 1.

☞ Lời giải.

- Câu 45.** Tập hợp nào sau đây có đúng một tập con?  
**A.**  $\{0\}$ .      **B.**  $\{0; 1\}$ .      **C.**  $\emptyset$ .      **D.**  $\{1\}$ .

☞ Lời giải.

- Câu 46.** Cho tập hợp  $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ , số các tập con của  $P$  chứa cả ba phần tử 3, 4, 5 là  
**A.** 3.      **B.** 5.      **C.** 6.      **D.** 8.

☞ Lời giải.

**Câu 47.** Có bao nhiêu tập hợp  $X$  thỏa mãn  $\{a, b\} \subset X \subset \{a, b, c, d, e\}$ ?

- A. 5.      B. 6.      C. 7.      D. 8.

💬 **Lời giải.**

**Câu 48.** Cho tập hợp  $A = \{1; 2; 3; a; b\}$ . Số tập hợp con của  $A$  là

- A. 5.      B. 8.      C. 32.      D. 10.

💬 **Lời giải.**