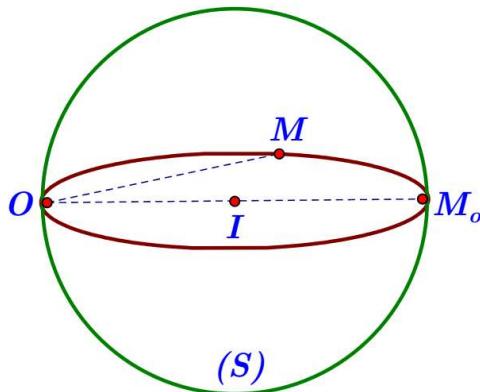


## ĐÁP ÁN & BIẾU ĐIỂM TỰ LUÂN (Toán 12– Đề 1)

<b>Bài 1:</b> $A(3;-2;-2); B(3;2;0); C(0;2;1)$ . Viết phương trình mặt phẳng $(ABC)$ .	<u>1.5d</u>
• $\overrightarrow{AB} = (0;4;2), \overrightarrow{AC} = (-3;4;3)$	0.25x2
• $[\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}] = (4;-6;12)$	0.25
• $(P): 4(x-3) - 6(y+2) + 12(z+2) = 0$	0.25
• $(P): 2x - 3y + 6z = 0.$	0.5
<b>Bài 2:</b> Phương trình mặt cầu $(S)$ qua $A(1;-2;3)$ , tâm $I \in tia Ox$ , bán kính bằng 7.	<u>1.5d</u>
• $I(a;0;0)$ với $a \geq 0$ .	0.25
• $AI = 7 \Leftrightarrow (a-1)^2 + (0+2)^2 + (0-3)^2 = 49$	0.25
$\Leftrightarrow (a-1)^2 = 36$	0.25
$\Leftrightarrow a = 7(n) \vee a = -5(l)$	0.25x2
• $(S): (x-7)^2 + y^2 + z^2 = 49.$	0.25
<b>Bài 3:</b> $A(-2;2;-2), B(3;-3;3)$ , $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$ . Tìm tọa độ điểm $M$ sao cho $OM$ lớn nhất?	<u>1d</u>
• $M(x;y;z)$ .	
• $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3} \Leftrightarrow 9MA^2 = 4MB^2 \Leftrightarrow 9[(x+2)^2 + (y-2)^2 + (z+2)^2] = 4[(x-3)^2 + (y+3)^2 + (z-3)^2]$	0.25
$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + z^2 + 12x - 12y + 12z = 0$	0.25
Vậy $M \in$ mặt cầu $(S)$ tâm $I(-6;6;-6)$ ; bán kính $R = 6\sqrt{3}$ .	
• <u>Nhân xét</u> : $O \in (S)$ nên $OM_{\max} = 2R$ .	0.25
• $OM = 2OI \Rightarrow M(-12;12;-12)$ .	0.25



HẾT